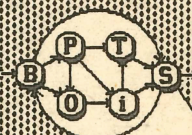


Redaktorzy:  
**A. Straszak**  
**Z. Nahorski**  
**J. Sikorski**

13-17 czerwca 1988

Książ



# **1. Krajowa Konferencja Badań Operacyjnych i Systemowych**

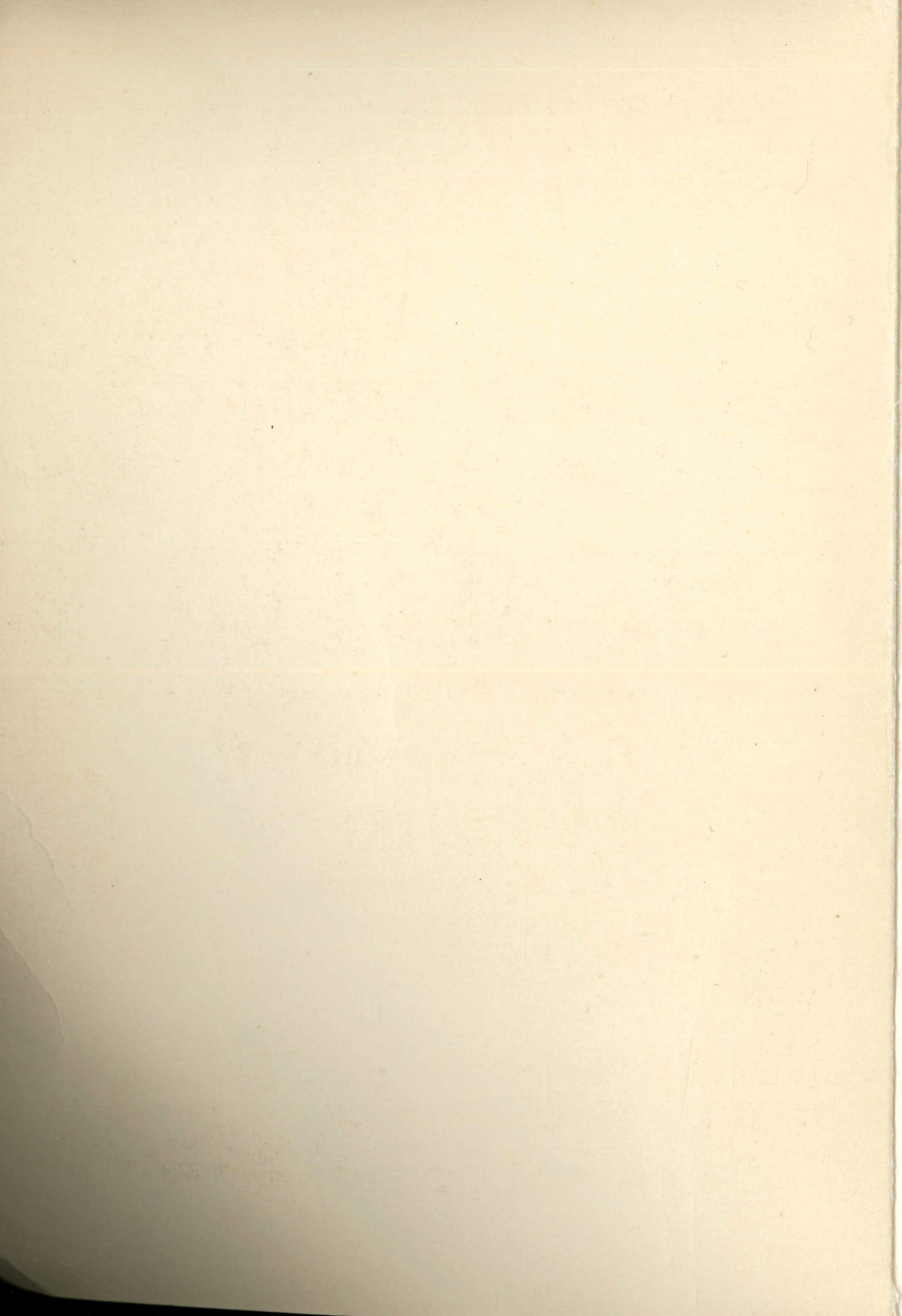
Tom 2

**BOS'88**

**POLSKIE TOWARZYSTWO BADAŃ  
OPERACYJNYCH I SYSTEMOWYCH**

**INSTYTUT BADAŃ SYSTEMOWYCH  
POLSKIEJ AKADEMII NAUK**



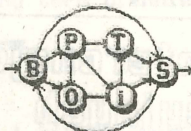




POLSKIE TOWARZYSTWO BADAŃ OPERACYJNYCH I SYSTEMOWYCH

Tom 2

**WSPOMAGANIE PODEJMOWANIA DECYZJI  
MODELE I SYSTEMY**



**I KRAJOWA KONFERENCJA  
BADAŃ  
OPERACYJNYCH  
i  
SYSTEMOWYCH**

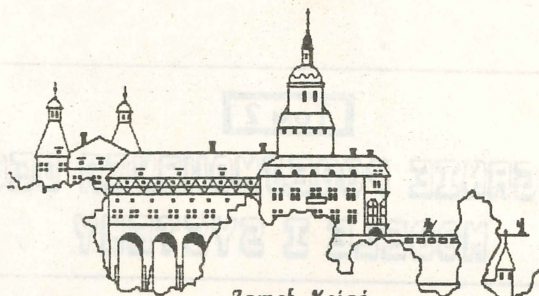
**Książ, 13 - 17 czerwca 1988**

**BO'S'88**

**INSTYTUT BADAŃ SYSTEMOWYCH POLSKIEJ AKADEMII NAUK**

**1989  
WARSZAWA**





Zamek Książ

# I Krajowa Konferencja Badań Operacyjnych i Systemowych

## Organizator konferencji

Polskie Towarzystwo Badań Operacyjnych i Systemowych  
przy współpracy  
Instytutu Badań Systemowych PAN

## Komitet naukowy konferencji

Jerzy Hołubiec, Andrzej Kałużko, Jerzy Kisielnicki, Henryk Kowalowski,  
Roman Kulikowski, Franciszek Marecki, Zbigniew Nahorski,  
Stanisław Piasecki, Jarosław Sikorski, Jan Stachowicz, Jan Stasiński,  
Andrzej Straszak, Maciej Sysło, Władysław Świątalski

## Redaktorzy nauki materiałów

Andrzej Straszak, Zbigniew Nahorski, Jarosław Sikorski

konf. 41284/II







1.6

## 6. Formalizacja modeli decyzyjnych

Przebieg formalizacji modeli decyzyjnych jest procesem, który prowadzi do wypracowania modelu decyzyjnego, który może być wykorzystany do podejmowania decyzji w sposób racjonalny i efektywny. Formalizacja polega na wyrażeniu wiedzy eksperckiej w postaci reguł i algorytmów, które mogą być przetwarzane przez komputer. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta. Formalizacja jest procesem iteracyjnym, który może wymagać wielu prób i błędów, aby osiągnąć满意的 rezultat. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta.

Formalizacja modeli decyzyjnych jest procesem, który prowadzi do wypracowania modelu decyzyjnego, który może być wykorzystany do podejmowania decyzji w sposób racjonalny i efektywny. Formalizacja polega na wyrażeniu wiedzy eksperckiej w postaci reguł i algorytmów, które mogą być przetwarzane przez komputer. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta. Formalizacja jest procesem iteracyjnym, który może wymagać wielu prób i błędów, aby osiągnąć满意的 rezultat. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta.

Formalizacja modeli decyzyjnych jest procesem, który prowadzi do wypracowania modelu decyzyjnego, który może być wykorzystany do podejmowania decyzji w sposób racjonalny i efektywny. Formalizacja polega na wyrażeniu wiedzy eksperckiej w postaci reguł i algorytmów, które mogą być przetwarzane przez komputer. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta. Formalizacja jest procesem iteracyjnym, który może wymagać wielu prób i błędów, aby osiągnąć满意的 rezultat. W tym celu należy przede wszystkim zidentyfikować problem, który ma być rozwiązany, oraz zbliżyć się do jego rozwiązania, wypracowując model, który będzie w stanie symulować proces myślowy eksperta.



## TARG I STRATEGIE GROZB W ROZSTRZYGANIU KONFLIKTÓW

Jacek Stefanski

Instytut Badań Systemowych PAN

ul. Nowelska 6

01-447 Warszawa

Przedmiotem pracy jest zagadnienie targu prowadzącego do osiągnięcia porozumienia w sytuacji konfliktu interesów. Analiza koncentruje się na wykorzystywaniu strategii gróźb, to znaczy strategii, które są ogłaszane przed rozpoczęciem właściwego procesu negocjacji. Wyróżniono dwie różne role tego typu strategii. Pierwsza polega na wpływie na negocjowane porozumienie, druga natomiast na stabilizacji jego realizacji. Wykorzystanie gróźb pierwszego typu zilustrowano za pomocą przykładu negocjacji w przedsiębiorstwie, z zastosowaniem gróźb strajku.

### 1. Wprowadzenie

Istotną cechą systemów socjo-ekonomicznych jest wielość decydentów (grup ludzi, organizacji) mających różne cele do których dążą. Sytuacja taka nieuchronnie prowadzi do konfliktu interesów, co z kolei powoduje iż osiągnięcie rozwiązań kompromisowych, prowadzących do współpracy, staje się jednym z najistotniejszych zagadnień. Naturalnym narzędziem teoretycznym służącym do analizy tego typu problemów jest teoria gier.

Zagadnienie osiągania porozumienia w sytuacji konfliktowej jest nazywane grą targu. Klasyczne rozwiązanie tej gry zostało zaproponowane przez Nasha (1950) i polega ono na wskazaniu pojedynczego rozwiązania spełniającego postulowany zbiór aksjomatów. Proponowane też były inne

rozwiązania aksjomatyczne - patrz (Roth,1979). Zupełnie inne podejście zaproponował Rubinstein (1982). W jego modelu proces negocjacji został uwzględniony explicite jako naprzemienny ciąg ofert i reakcji na nie. Rozwiązanie kompromisowe wyznacza perfekt równowaga w takiej grze. Kierunek ten, tzn. niekooperacyjne modele targu, rozwija się dwoma nurtami. Pierwszy polega na dokładniejszym modelowaniu procesu negocjacji poprzez wprowadzanie dodatkowych możliwości strategicznych (patrz np. Wolinsky,1986; Hoel,1987; Binmore,Herrero,1988). Natomiast drugi nurt uwzględnia istnienie niepełnej informacji (patrz np. Rubinstein,1985; Chatterje,Samuelson,1987).

We wszystkich modelach targu bardzo istotną rolę odgrywa tzw. punkt status quo lub punkt niezgody, którego współrzędne określają wartości funkcji celu poszczególnych graczy jakie zostałyby przez nich osiągnięte w przypadku braku porozumienia o współpracy. Jeśli dopuścimy w modelu istnienie fazy komunikacji, która poprzedza fazę negocjacji, to możliwe staje się ogłaszanie strategii, które byłyby realizowane w przypadku fiaska negocjacji. Strategie takie można nazwać groźbami, jako że ich realizacja jest warunkowa. Pojęcie groźby wprowadził po raz pierwszy Nash (1953), i wiązało się ono z możliwością przesuwania punktu status quo. Nash zrobił przy tym dwa istotne założenia. Pierwsze z nich mówi, że gracz jest w stanie zobowiązać się do realizacji ogłoszonej groźby. Drugie założenie stwierdza natomiast, że raz zawarte porozumienie jest dla obu stron obowiązujące. Zauważmy, że oba te założenia łączą się z zagadnieniem wiarygodności czynionych zobowiązań (co do realizacji pewnych strategii). Stopniowe łagodzenie tych założeń staje się obecnie jednym z centralnych problemów analizy zagadnień współpracy (Harsanyi,1977; Farrell,1987; Harsanyi,Selten,1988; Stefanski,Straszak,1986).



Niniejsza praca dotyczy pewnych aspektów strategii gróźb ogłaszanych w fazie komunikacji poprzedzającej negocjacje. Krótko rozważono dwie różne sytuacje. W pierwszej zadaniem ogłaszanych strategii jest wpływ na negocjowane porozumienie, w drugiej natomiast główna rola gróźb polega na zapewnieniu stabilności przyszłego porozumienia. Sytuacje te istotnie się różnią, jednakże w obu przypadkach pojawia się problem sprzeczności pomiędzy efektywnością a wiarygodnością ogłaszanych strategii. Dobór tych strategii jest centralnym punktem analizy.

## 2. Wpływ strategii gróźb na negocjowane porozumienie

Zagadnienie to krótko zilustrujemy za pomocą modelu opisującego negocjacje w przedsiębiorstwie pomiędzy jego dyrekcją i związkiem zawodowym reprezentującym pracowników (Pattanaik, Stefanski, 1988). Obie strony są zainteresowane maksymalizacją swoich celów w horyzoncie czasowym  $0 \dots T$ . Związek (U) nie jest zadowolony z sytuacji wyjściowej i dlatego też chciałby zmiany wektora decyzji  $v$  (np. płace, zatrudnienie). Aby zmusić dyrekcję (F) do rozmów może on podjąć akcję strajkową. Istnieją rozmaite rodzaje takich akcji, które są w różnym stopniu szkodliwe dla przedsiębiorstwa. W związku z tym będziemy mówić o elastycznym strajku i wprowadzimy pojęcie intensywności strajku  $sef(0,1)$ .

Zatem U ma możliwość wyboru  $sef(0,1)$ , podczas gdy F steruje wektorem decyzji  $v \in V$ . Przyjmujemy, że pozostałe czynniki opisujące działalność firmy są stałe w czasie i że funkcje celu obu stron są addytywne w czasie. Częstkowe funkcje celu oznaczymy przez  $x_U(v, s)$  i  $x_F(v, s)$ .

Punkt wyjścia w naszym modelu określa pewien wektor  $v^0$  (i oczywiście  $s=0$ ). Związek U chciałby osiągnąć porozumienie

o zmianie  $v^0$  na pewne  $v^A$ , takie że  $x_U(v^A, 0) > x_U(v^0, 0)$ . Jednakże  $x_F(v^A, 0) < x_F(v^0, 0)$  i dlatego też groźba strajku wydaje się niezbędną. Oczywiście sam strajk byłby kosztowny zarówno dla F jak i dla U:  $x_F(v, s) < x_F(v, 0)$  i  $x_U(v, s) < x_U(v, 0)$ ,  $s > 0$ .

Oprócz  $s$  związek ogłasza również długość strajku  $\tau \in \{1, 2, \dots, T\}$ . Ponadto rozmowy negocjacyjne nie muszą mieć miejsca w każdym okresie  $0, 1, \dots, \tau$ . Dlatego też przyjmujemy, że U ogłasza również zbiór  $B \subset \{0, 1, \dots, \tau\}$  okresów, w których będzie chciał rozmawiać z F (oczywiście U będzie musiał rozważyć jakie B jest dla niego korzystne). Zbiór B nazwiemy schematem negocjacji. Mamy zatem trójkę  $(s, \tau, B)$  ogłaszaną przez U.

Zbiór porozumień osiągalnych w okresie  $t \in \{0, 1, \dots, \tau\}$  oznaczymy przez  $Z_t$ :

$$Z_t = \{(X_U, X_F): X_U = tx_U(v^0, s) + (T-t)x_U(v, 0), \\ X_F = tx_F(v^0, s) + (T-t)x_F(v, 0), v \in V\}. \quad (1)$$

Ostatnim okresem w jakim strony mogą zawrzeć porozumienie jest  $t_L = \max\{t: t \in B\}$ . Jeśli tego nie uczynią, to osiągną wypłaty niezgody

$$X_i^d(s, \tau) = tx_i(v^0, s) + (T-t)x_i(v^0, 0), \quad i \in \{U, F\}. \quad (2)$$

Aby rozwiązać problemy targu w poszczególnych okresach zastosowano schemat Nasha. Obliczenia prowadzone są sekwencyjnie poczynając od  $t_L$ . Przeto jeśli uporządkujemy zbiór B od elementu najmniejszego  $t_1$  do  $t_L$  tak, że  $t_1 < t_2 < \dots < t_L$  i oznaczymy przez  $N(G)$  rozwiązanie Nasha (Nash, 1950) gry targu G, to proces ten można opisać następująco:

$$\begin{aligned} X^A(s, \tau, B, t_L) &= N(Z_{t_L}, X^d(s, \tau)), \\ X^A(s, \tau, B, t_{L-1}) &= N(Z_{t_{L-1}}, X^A(s, \tau, B, t_L)), \\ &\vdots \\ X^A(s, \tau, B, t_1) &= N(Z_{t_1}, X^A(s, \tau, B, t_2)). \end{aligned} \quad (3)$$



$X^A(\cdot) = (X_U^A(\cdot), X_F^A(\cdot))$  oznacza pary wypłat odpowiadające porozumieniu. Jeśli porozumienie zostanie zawarte w  $t_A$ , to z równań

$$X_i^A(s, \tau, B, t_A) = t_A x_i(v^0, s) + (T - t_A) x_i(v^A, 0), \quad i \in \{U, F\} \quad (4)$$

możemy wyznaczyć wektor decyzji  $v^A$  je realizujących.

Z tego, iż w modelu istnieje pełna informacja wynika, że porozumienie winno być zawarte w  $t_A = 0$ . Interesujące nas zagadnienie to problem optymalnego doboru groźby strajku  $(s, \tau, B)$  przez związek U:

$$(s^*, \tau^*, B^*) = \arg \max_{(s, \tau, B)} X_U^A(s, \tau, B, 0). \quad (5)$$

Wyróżnimy przy tym dwa przypadki:

1. z założeniem, iż wszystkie ogłaszane groźby są uważane za wiarygodne,
2. bez tego założenia.

Ze względu na brak miejsca jedynie zarysujemy istotę wyników uzyskanych w obu przypadkach (Pattanaik, Stefanski, 1988).

### Przypadek 1

Biorąc pod uwagę (3) i (2) można dojść do wniosku, że optymalna długość strajku:

$$\tau^* = T. \quad (6)$$

Dobór optymalnego  $B^*$  umożliwia spostrzeżenie, iż zawsze winno być  $\{0\} \subset B^*$ , wraz z następującym twierdzeniem: jeśli  $\tau = T$  i  $B_1 = \{0\} \cup B'_1$ ,  $B_2 = \{0\} \cup B'_2$ , to  $X_U^A(s, T, B_1, 0) = X_U^A(s, T, B_2, 0)$  dla wszystkich  $B'_1, B'_2 \subset \{1, 2, \dots, T-1\}$  i wszystkich  $s \in \{0, 1\}$ . Czyli

$$B^* = \{0\} \cup B', \quad B' \subset \{1, 2, \dots, T-1\}. \quad (7)$$

Oznacza to, że nie ma znaczenia czy rozmowy toczą się w pośrednich okresach negocjacji czy też nie. Istotne jest aby były prowadzone na samym początku.

Z kolei optymalny dobór intensywności strajku można sprowadzić do rozwiązania zadania jednoetapowego:

$$s^* = \arg \max_{s \in \{0, 1\}} X_U^A(s, \tau^*, B^*, 0) = \arg \max_{s \in \{0, 1\}} X_U^A(v^0, s). \quad (8)$$

Zadanie to daje się łatwo rozwiązać.

Przypadek 2

W przypadku tym U musi brać pod uwagę nie tylko wpływ  $(s, \tau, B)$  na końcowe porozumienie, ale też to co mogłoby mieć miejsce jeśli druga strona nie uwierzyłaby w ogłoszoną groźbę. W sposób istotny komplikuje to sytuację. Zauważmy, że w przypadku 1 optymalne parametry groźby (6), (7), (8) były niezależne od siebie. Jeśli zrezygnujemy z założenia o wiarygodności, to okazuje się, iż parametry te są wzajemnie sprzężone.

Ponieważ strajk jest niekorzystny dla obu stron, to biorąc pod uwagę (2) mamy:  $X_i^d(s, \tau_1) > X_i^d(s, \tau_2)$ ,  $i \in \{U, F\}$ , jeśli  $\tau_1 < \tau_2$ . Przeto  $X^d(s, \tau) \in D_s$ , gdzie

$$D_s = \{(X_U, X_F) \in Z_0: X_i > Tx_i(v^0, s), i \in \{U, F\}, \text{ lub } X_i = Tx_i(v^0, s), i \in \{U, F\}\}. \quad (9)$$

Otóż okazuje się, że zbiór  $D_s$  można podzielić na trzy rozłączne zbiory  $A_s$ ,  $E_s$  i  $C_s$  takie, że zależnie od położenia końca trajektorii niezgody  $X^d(s, \tau)$  optymalny schemat negocjacji dla danych  $s, \tau$  jest inny (Pattanaik, Stefanski, 1988):

$$\hat{B}(s, \tau) = \begin{cases} \{0, 1, \dots, \tau\} & \text{jeśli } X^d(s, \tau) \in A_s \\ \{0\} \cup B' & \text{jeśli } X^d(s, \tau) \in C_s \\ \{0\} & \text{jeśli } X^d(s, \tau) \in E_s \end{cases}, \quad (10)$$

gdzie  $B'$  jest jakimkolwiek podzbiorem  $\{1, 2, \dots, \tau\}$ .

Przy określaniu optymalnych  $s, \tau$  wprowadzono pojęcie czasów granicznych  $t_U(s, \tau)$  i  $t_F(s, \tau)$ . I tak  $t_i(s, \tau)$  jest najpóźniejszym okresem, w którym dla strony  $i \in \{U, F\}$  korzystniejsze jest wygranie konfliktu niż rezygnacja na samym początku, tzn w  $t=0$ . Wygranie konfliktu dla U w  $t$  oznacza, że w okresie  $t$  F akceptuje porozumienie. Z kolei wygranie konfliktu przez F w  $t$  oznacza, że U przerywa strajk



w okresie  $t$  i powraca do  $s=0$ :

$$t_U(s, \tau) = \max \{t \in \hat{B}(s, \tau) : X_U^A(s, \tau, \hat{B}(s, \tau), t) \geq T x_U(v^0, 0)\} \quad (11)$$

$$t_F(s, \tau) = \max \{t \in (0, 1, \dots, \tau) : t x_F(v^0, s) + (T-t) x_F(v^0, 0) \geq X_F^A(s, \tau, \hat{B}(s, \tau), 0)\} \quad (12)$$

Będziemy mówić, że groźba strajku scharakteryzowana przez trójkę  $(s, \tau, \hat{B}(s, \tau))$  jest wiarygodna jeśli  $t_U(s, \tau) > t_F(s, \tau)$  i oznaczymy

$$\Psi = \{(s, \tau) \in [0, 1] \times (1, 2, \dots, T) : t_U(s, \tau) > t_F(s, \tau)\}. \quad (13)$$

Zbiór  $\Psi$  wykorzystuje się przy określaniu optymalnych  $s, \tau$ :

$$(s^{opt}, \tau^{opt}) = \begin{cases} \arg \max_{(s, \tau) \in \Psi} X_U^A(s, \tau, \hat{B}(s, \tau), 0) & \text{gdy } \Psi \neq \emptyset \\ (0, 0) & \text{gdy } \Psi = \emptyset \end{cases} \quad (14)$$

Z kolei optymalny schemat negocjacji otrzymujemy poprzez wykorzystanie (10):  $B^{opt} = \hat{B}(s^{opt}, \tau^{opt})$ .

### 3. Zapewnienie stabilności porozumień nieformalnych

Mówiąc o porozumieniu nieformalnym mamy na myśli porozumienie, którego realizacja nie wynika z założenia. Innymi słowy - nie zakłada się, że partnerzy są automatycznie zobowiązani do jego przestrzegania. Dopuszcza się zatem możliwość złamania porozumienia, co czyni sytuację bardziej zbliżoną do rzeczywistości. W takim przypadku pojawia się problem stabilizacji realizacji takiego porozumienia, co może być dokonane poprzez ogłoszenie strategii odwetu. Taka strategia groźby oznajmia, że w przypadku złamania porozumienia przez partnera decydent podejmie określoną akcję (dla partnera szkodliwą). Problem powstaje wówczas, gdy nie zakładamy automatycznej wiarygodności takiej groźby, a jej realizacja byłaby szkodliwa również dla strony ją ogłaszającej. W takim przypadku strony stają przed problemem doboru ogłaszanych gróźb odwetu, przy czym wybór ten musi być kompromisem

między efektywnością (siłą odstraszenia) a wiarygodnością.

Weźmy pod uwagę prostą grę zwaną Chicken:

	$u_2$	1	0
$u_1$	1	$(p_1^3, p_2^3)$	$(p_1^2, p_2^4)$
	0	$(p_1^4, p_2^2)$	$(p_1^1, p_2^1)$

Decyzja  $u_1=1$  oznacza współpracę,  $u_1=0$  brak współpracy. Górne indeksy przy wypłatach oznaczają ich uporządkowanie, tzn.  $p_1^4$  wypłatę najlepszą,  $p_1^1$  - najgorszą z możliwych dla gracza 1. Kółkami zakreślono istniejące dwa punkty równowagi Nasha. Jak się wydaje najrozsądniejszą byłaby obopólna współpraca dająca  $(p_1^3, p_2^3)$ . Zauważmy jednak, że nie jest to punkt stabilny - na przykład gracz 2 będzie miał pokusę do zmiany  $u_2$  z 1 na 0 i przejścia do wypłat  $(p_1^2, p_2^4)$ . Gracz 1 mógłby temu zapobiec ogłaszając, że jeśli gracz 2 przyjmie  $u_2=0$ , to on ustali również  $u_1=0$ . Problem jednak w tym, że wykonanie tej groźby byłoby szkodliwe nie tylko dla gracza 2, ale również dla gracza 1. W związku z tym wiarygodność tej groźby jest wątpliwa.

Niemniej jednak w grach z większą liczbą dostępnych decyzji istnieje problem znalezienia kompromisu pomiędzy szkodliwością groźby dla partnera, a jej kosztem dla ogłaszającego. Przykładem takiej gry może być już ciągła wersja Chicken, gdzie decyzje  $u_1, u_2 \in [0, 1]$ , a wypłaty:

$$P_i(u_1, u_2) = -(1-p_i^3+p_i^2)u_1u_2 + p_i^2 + u_j, \quad i, j=1, 2; i \neq j. \quad (15)$$

Przyjmujemy, że na początku gracze ogłaszają strategie groźby  $r_1, r_2$ , gdzie  $r_i: [0, 1] \rightarrow [0, 1]$  (tzn.  $u_i = r_i(u_j)$ ,  $i \neq j$ ).

Następnie negocjują porozumienie o współpracy  $(u_1^A, u_2^A) \in [0, 1]^2$  dające wypłaty  $y^A = (y_1^A, y_2^A)$ . Potem jednocześnie podejmują decyzje  $u_1, u_2$ . Jeśli porozumienie jest przestrzegane przez



obu lub też obaj gracze je złamali, to gra się kończy z wypłatami  $y_i = P_i(u_1, u_2)$   $i=1,2$ . Jeśli natomiast tylko decydent  $j$  złamał porozumienie, tj.  $u_j < u_j^A$ , to partner ma ruch odwetowy  $u_i^R = r_i(u_j)$  i ostateczny wynik:  $y_k = P_k(u_i^R, u_j)$ ,  $k=1,2$ ;  $i, j \in \{1,2\}$ ,  $i \neq j$ . Zauważmy, że nie zastosowanie się do porozumienia w ten sposób, że  $u_j > u_j^A$  byłoby korzystne dla partnera i (patrz (15)) i dlatego nie uznaliby on tego za czynność naganną.

Zauważmy, że dana para ogłoszonych gróźb  $(r_1, r_2)$  stabilizuje tylko pewne porozumienia, których zbiór oznaczymy przez  $U^A(r_1, r_2)$

$$U^A(r_1, r_2) = \{(u_1^A, u_2^A) \in [0,1]^2 : P_j(u_1^A, u_2^A) \geq \max_{u_j \in [0,1]} P_j(r_i(u_j), u_j), \\ j, i=1,2, j \neq i\}. \quad (16)$$

Oznaczmy:  $S^A(r_1, r_2) = \{(y_1, y_2) : y_i = P_i(u_1, u_2), \\ (u_1, u_2) \in U^A(r_1, r_2), i=1,2\}$ . Do rozwiązania targu  $(S^A(\cdot), y^0)$ , gdzie  $y^0$  jest punktem status quo nie można zastosować schematu Nasha, bo zbiór  $S^A(\cdot)$  może nie być wypukły. Można na przykład przyjąć schemat Kalai-Smorodinsky'ego (1975). Oznaczając go przez  $\Phi$  mamy:

$$y^A = \Phi(S^A(r_1, r_2), y^0) \quad (17)$$

Zauważmy, że groźby  $r_1, r_2$  wpływają na rozwiązanie zadania targu, przy czym jest to wpływ nie poprzez przesunięcie status quo (jak w klasycznym podejściu Nasha), lecz poprzez zmianę kształtu zbioru stabilnych porozumień  $S^A(r_1, r_2)$ .

W związku z wiarygodnością gróźb powstaje pytanie: dlaczego decydent miałby egzekwować swoją groźbę skoro byłoby to dla niego szkodliwe. Jedną z możliwych odpowiedzi jest następująca - ponieważ podważa to jego reputację w przyszłości. Przypuśćmy, że decydent  $j$  złamał porozumienie, a partner nie zastosuje  $r_i$ , i oznaczymy subiektywną wartość straty reputacji dla gracza  $i$  przez  $\alpha_i$ . Jednakże gracz  $j$  nie zna  $\alpha_i$ . Może on jednak założyć pewien rozkład prawdopodobieństwa  $h_j(\alpha_i)$ . Ze względu na brak miejsca

powiemy tutaj tylko, że koszt realizacji  $r_i$  zależy od tej groźby oraz od akcji partnera  $u_j$ . Koszt ten oznaczymy przez  $c_i(r_i, u_j)$  (Stefanski, 1988). Zatem decydent  $j$  mógłby oszacować prawdopodobieństwo nie wykonania  $r_i$  w sposób następujący:

$$\pi_j(r_i, u_j) = \int_0^{c(r_i, u_j)} h_j(\alpha_i) d\alpha_i. \quad (18)$$

$\pi_j(r_i, u_j)$  odzwierciedla niewiarygodność wykonania  $r_i$ . Zauważmy, że zależy ona od samej groźby jak również od decyzji łącającej porozumienie  $u_j$ . Wykorzystując to decydent  $j$  może określić oczekiwaną wypłatę

$$Y_j^B(r_i, u_j) = (1 - \pi_j(r_i, u_j)) P_j(r_i(u_j), u_j) + \pi_j(r_i, u_j) P_j(R_i(u_j), u_j), \quad (19)$$

gdzie  $R_i$  jest funkcją optymalnej reakcji gracza  $i$ , oraz optymalną decyzję łącają porozumienie:

$$u_j^B(r_i) = \arg \max_{u_j \in [0, 1]} Y_j^B(r_i, u_j) \quad (20)$$

Oczywiście jeśli strategie przestrzegania porozumienia mają być dominujące, to musi zachodzić:

$$\begin{aligned} y_1^A &> Y_1^B(r_2, u_1^B(r_2)), \\ y_2^A &> Y_2^B(r_1, u_2^B(r_1)). \end{aligned} \quad (21)$$

Przy wyborze grózb istotną rolę odgrywa wielkość  $Y_j^B(r_i, u_j^B(r_i))$ . Ogólnie można stwierdzić, że dokonując wyboru strategii groźby  $r_i$  decydent musi znaleźć kompromis pomiędzy (Stefanski, 1988):

1. wpływem  $r_i$  na porozumienie  $y^A$  (poprzez kształt  $S^A(\cdot)$  - patrz (17)),
2. wiarygodnością  $r_i$  z kosztem jej ewentualnej realizacji  $c_i(\cdot)$ ,
3. stabilnością wiążącą się z wielkością  $Y_j^B(r_i, u_j^B(r_i))$ .

**LITERATURA**

Binmore, K., and M. J. Herrero (1988). Matching and Bargaining

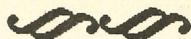


- in Dynamic Markets. *Rev. of Economic Studies*, LV, 17-31.
- Binmore, K., A. Rubinstein, and A. Wolinsky (1985). The Nash Bargaining Solution in Economic Modelling. The Hebrew Univ. of Jerusalem, R.R..
- Chatterjee, K., and L. Samuelson (1987). Bargaining with Two-sided Incomplete Information: An Infinite Horizon Model with Alternating Offers. *Rev. of Economic Studies*, LIV, 175-192.
- Farrell, J. (1987). Cheap Talk, Coordination, and Entry. *Rand J. of Economics*, 18, 34-39.
- Harsanyi, J. (1977). Rational Behavior and Bargaining Equilibrium in Games and Social Situations. Cambridge University Press, New York.
- Harsanyi, J. C., and R. Selten (1988). A General Theory of Equilibrium Selection in Games. MIT Press, Cambridge.
- Hoel, M. (1987). Bargaining Games with Random Sequence of Who Makes the Offers. *Economics Letters*, 24, 5-9.
- Kalai, E., and M. Smorodinsky (1975). Other Solutions to Nash's Bargaining Problem. *Econometrica*, 43, 513-518.
- Nash, J. (1950). The Bargaining Problem. *Econometrica*, 18, 155-162.
- Nash, J. (1953). Two-Person Cooperative Games. *Econometrica*, 21, 128-140.
- Pattanaik, P. K., and J. Stefanski (1988). Flexible Strike Threats in Industrial Bargaining. Mimeo..
- Roth, A. E. (1979). Axiomatic Models of Bargaining. Springer, New York.
- Rubinstein, A. (1982). Perfect Equilibrium in a Bargaining Model. *Econometrica*, 50, 87-109.
- Rubinstein, A. (1985). A Bargaining Model with Incomplete Information about Time Preferences. *Econometrica*, 53, 1117-1132.
- Stefanski, J. (1988). On Cooperation and the Choice of Threats. Univ. of Birmingham, R.R..
- Stefanski, J., and A. Straszak (1986). Bargaining and Credibility in Dynamic Games. In: J. Song, Y. C. Ho: Modelling, Decisions, and Games with Applications to Social Phenomena. CAST, Beijing, vol. II, 437-446.
- Wolinsky, A. (1987). Matching, Search, and Bargaining. *J. Economic Theory*, 42, 311-333.





**Zarząd**  
**Polskiego Towarzystwa Badań Operacyjnych i Systemowych**



**Prezes**

prof.dr hab.inż. Andrzej Straszak  
Instytut Badań Systemowych PAN

**Wiceprezes**

prof.dr hab.inż. Jan Stasiński  
Wojskowa Akademia Techniczna

**Wiceprezes**

prof.dr hab.inż. Stanisław Piasecki  
Instytut Badań Systemowych PAN

**Sekretarz generalny**

dr inż. Zbigniew Nahorski  
Instytut Badań Systemowych PAN

**Sekretarz**

dr inż. Jarosław Sikorski  
Instytut Badań Systemowych PAN

**Skarbnik**

dr inż. Andrzej Kałużko  
Instytut Badań Systemowych PAN

**Członkowie**

prof.dr hab. Jerzy Kisielnicki  
Wydział Zarządzania UW

doc.dr hab.inż. Bohdan Korzan  
Wojskowa Akademia Techniczna

doc.dr hab.inż. Jan Stachowicz  
Zakład Nauk Zarządzania PAN

doc.dr hab.inż. Maciej Sysło  
Instytut Informatyki UW.

**Komisja rewizyjna**

**PRZEWODNICZĄCY**

dr Władysław Świtalski  
Katedra Cybernetyki i Badań Operacyjnych UW

**CZŁONKOWIE**

dr inż. Janusz Kacprzyk  
Instytut Badań Systemowych PAN

dr inż. Marek Malarski  
Instytut Transportu PW

doc.dr hab. Henryk Sroka  
Akademia Ekonomiczna w Katowicach

dr inż. Leon Słomiński  
Instytut Badań Systemowych PAN

IBS Kauf.

41284/  
II

IBS