

# O INTEGRATORZE,

narzędziu, służącym do całkowania graficznego.

Przekład Noty: „Sur un intégrateur servant à l'intégration graphique“ z „Comptes rendus“, Akademii paryskiej, XCII, 27 lutego 1881, str. 402–405.



Niechaj (fig. 1)  $CD$  będzie krzywa, której równaniem w spólrzędnych prostokątnych jest

$$y = f(x) \quad (1)$$

Wykreślmy inną krzywą, której równaniem niechaj będzie:

$$Y = \int f(x) dx + C \quad (2)$$

Stałą przedstawia, oczywiście, rzędna początkowa  $AE$ .

Każda rzędna tej krzywej, którą nazwiemy krzywą całkową, zmniejszona o stałą, przedstawia pole, zawarte pomiędzy krzywą  $CD$  a osią odciętych, od rzędnej początkowej aż do rzędnej, wziętej dowolnie ( $GH - AE$  przedstawia pole  $ACLH$ ). Krzywa całkową<sup>1)</sup> wskazuje graficznie sposób wzrastania wspomnianego pola przez dodawanie kolejne elementów nieskończenie małych  $ydx$ . Krzywa  $EF$  posiada również krzywą całkową, jak i krzywa  $CD$ . Nazwiemy ją drugą krzywą całkową. Można powtarzać to działanie do nieskończoności.

Zrózniczkujmy równanie (2):

$$\frac{dY}{dx} = f(x) = y = \operatorname{tg} \varphi,$$

jeżeli  $\varphi$  jest kątem, pod którym styczna do krzywej całkowej jest nachylona do osi  $X$ .

---

1) Żmurko, Wykład Matematyki, Lwów 1864, Šolin, Ueber graphische Integration, 1872; Ne hls, Die graphische Integration, 1877.

Otóż, jeżeli weźmiemy punkt  $L'$ , którego odległość od punktu  $H$  jest równa jedności, prosta  $LL'$  będzie równoległa do stycznej  $GR$ . Ta własność dała środek kreślenia krzywej całkowej w sposób przybliżony (Żmurko, 1864), gdy dana jest krzywa  $CD$ , którą nazwiemy krzywą różniczkową względem krzywej  $EF$ .

Mam zaszczyt przedstawić Akademii opis narzędzia, służącego do konstrukcyi krzywych całkowych, gdy dana jest jakakolwiek krzywa, nakreślona na powierzchni płaskiej. Przyrząd, który nazwałem integratorem, opiera się na zastosowaniu nowej zasady kinematycznej. Dwa punkty  $L$  i  $G$  powinny być ze sobą połączone w ten sposób, że gdy

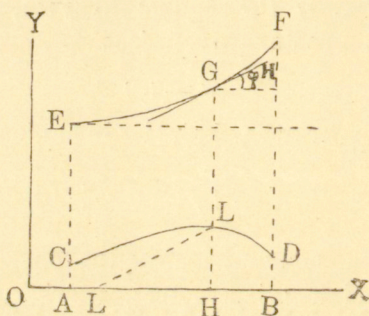


Fig. 1.

punkt  $L$  porusza się po krzywej danej, punkt  $G$ , pozostając zawsze na jednej pionowej z punktem  $L$ , opisuje krzywą całkową.

Dajmy, że rzędna  $HG$  jest osią śruby, której osada jest w punkcie  $H$ . Nadajmy tej osadzie ruch postępowy z prędkością stałą w kierunku  $OX$  i równocześnie obracajmy śrubę z prędkością stałą. Każdy punkt osi opisze prostą równoległą do nachylenia gwintu śrubowego. Gdyby można było mieć śrubę, w której możnaby mieć nachylenie gwintów w ten sposób, aby w każdej chwili gwinty były równoległe do prostej  $LL'$ , każdy punkt osi opisywałby krzywą całkową.

Śruba o gwintach zmiennych jest zasadą integratora. Jako śruby używam walca, a jako mutry linijek, których nachylenie  $\varphi$  zmieniam.

Walec  $CC'$  jest ściśnięty pomiędzy dwiema linijkami  $FF'$ ,  $GG'$ . Te linijki mogą poruszać się z łatwością w kierunku swej

długości i obracać się równocześnie około osi pionowej, przechodzącej przez punkty zetknięcia  $A$  i  $B$  walca i linijek. Dwie linijki są częścią równoległoboku tak, że gdy obracamy jedną z tych linijek o kąt  $\varphi$ , druga obraca się o kąt  $-\varphi$ .

Walec  $CC'$  ma ruch wolny w kierunku swej osi. Przypuśćmy, że nadaliśmy mu ruch obrotowy dodatni. Ponieważ linijki mogą posuwać się łatwo w kierunku swej długości, gdy opór tarcia pomiędzy temi linijkami a walcem jest dostateczny, przeto postępować będą w kierunku  $FF'$ ,  $GG'$ , walec zaś w kierunku swojej osi, w kierunku  $CC'$ . Otóż ponieważ nachylenie linijek może być zmieniane dowolnie, urządzenie to przedstawia śrubę o gwintach zmiennych.

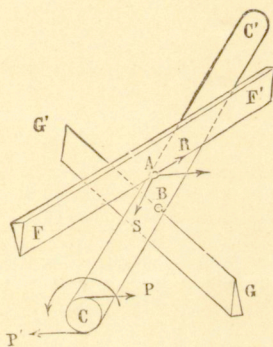


Fig. 2.

Prędkość ruchu walca w kierunku długości będzie proporcjonalna do stycznej kąta  $\varphi$ , jeżeli  $\varphi$  jest kątem utworzonym przez linijkę z prostą prostopadłą do osi walca. Przenieśmy parę sił  $P$ ,  $P'$  do punktów zetknięcia  $A$  i  $B$ . W punkcie  $A$  siła  $P$  rozkłada się według równoległoboku sił na dwie składowe  $R$  i  $S$ , z których jedna  $R$  działa w kierunku linijki  $FF'$ , druga  $S$  w kierunku osi walca. Otóż, ponieważ linijka  $FF'$  jest naciskana z pewną siłą do walca i ponieważ może poruszać się łatwo w kierunku swej długości, przeto postępować będzie w kierunku wskazanym pod wpływem składowej  $R$ . Druga składowa  $S$  dąży do nadania ruchu postępowego równoległego do linijki, lecz ponieważ linijka obraca się w pun-

kcie  $A$  na osi pionowej stałej, przeto walec wolny przez oddziaływanie posuwać się będzie w zwrocie przeciwnym. W punkcie  $B$  zachodzić będą te same skutki.

Będę miał zaszczyt przedstawić Akademii w czasie najbliższym opis zupełny integratora, którego funkcyonowanie opisane w tej Nocie jest częścią zasadniczą.

---